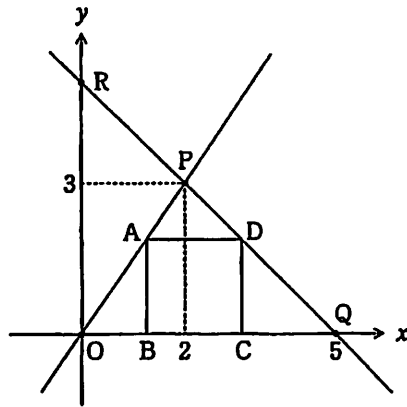


南京都高校 2007(平成19)年度入試問題 5番

⑤ 右の図のように、座標平面上に、3点  $O$ ,  $P(2, 3)$ ,  $Q(5, 0)$  を頂点とする三角形がある。図のように四角形  $ABCD$  は  $\triangle OPQ$  に内接している正方形である。直線  $PQ$  と  $y$  軸との交点を  $R$  とするとき、次の問いに答えなさい。

1. 直線  $PQ$  の式を求めなさい。(      )
2.  $\triangle OPR$  の面積を求めなさい。(      )
3. 正方形  $ABCD$  の一辺の長さを求めなさい。(      )



1. P(2,3) Q(5,0)より直線の式  $y=ax+b$  を代入

$$\begin{aligned} 3 &= 2a + b \\ -10 &= 5a + b \end{aligned}$$

$$3 = -3a$$

$$-3a = 3$$

$$a = -\frac{3}{3}$$

$$a = -1$$

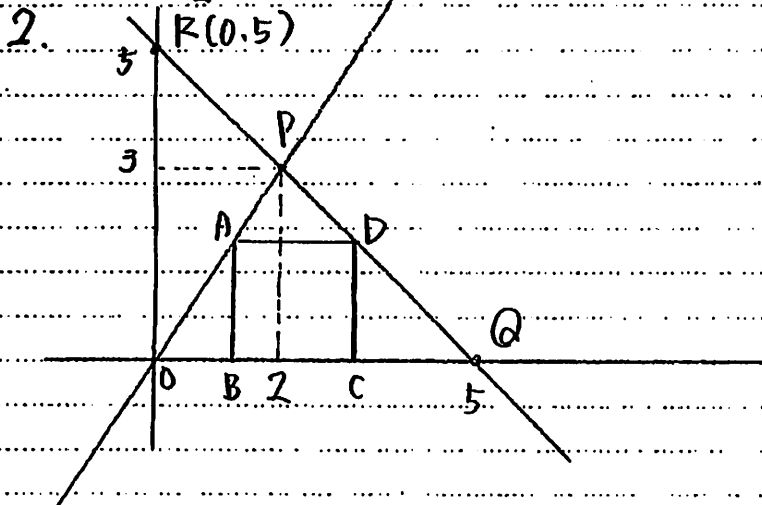
$$3 = -2 + b$$

$$-2 + b = 3$$

$$b = 3 + 2$$

$$b = 5$$

$$y = -x + 5$$



1より点Rの座標は(0,5)

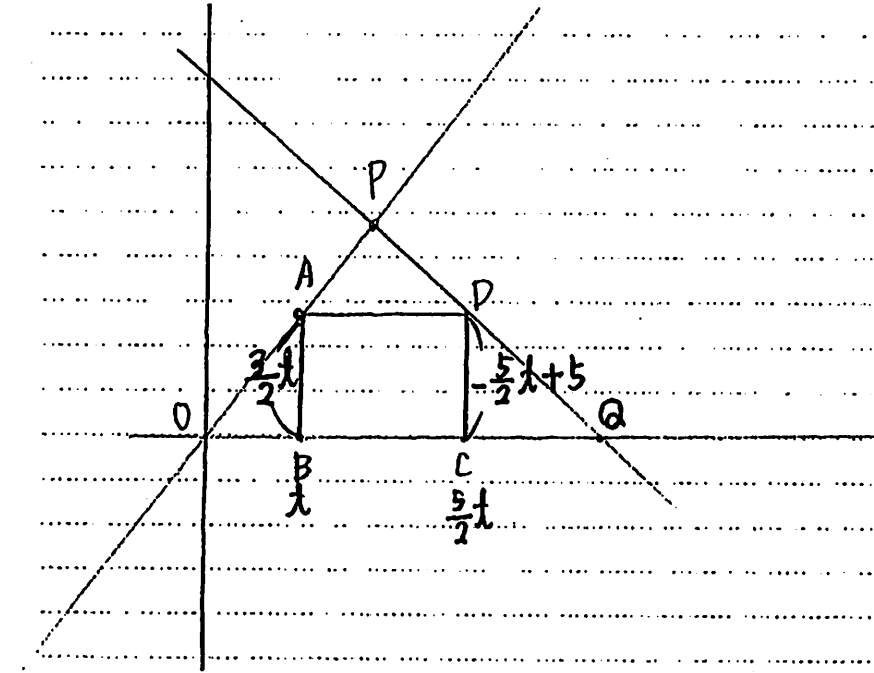
よって  $\triangle OPR$  は 底辺 OR が 5

高さは 2 ← (注) 3 と間違えたら ×!

$$5 \times 2 \times \frac{1}{2}$$

$$= \frac{5 \times 2 \times 1}{2}$$

$$= 5$$



直線  $OP$  は 原点と  $P(2, 3)$  を通るので

$y = ax + k$  ( $2, 3$ ) を代入

$$3 = 2a$$

$$2a = 3$$

$$a = \frac{3}{2}$$

$OP$  の式は

$$y = \frac{3}{2}x$$

ここで点  $B$  の  $x$  座標を  $t$  とすると

$$B(t, 0), A(t, \frac{3}{2}t)$$

正方形なので点  $C$  は  $(\frac{5}{2}t, 0)$  とする

↑

$$t + \frac{3}{2}t$$

$$= \frac{2t + 3t}{2} \text{ あり}$$

よって  $C\left(\frac{5}{2}t, 0\right)$  となる。点Dは

$y = -x + 5$  に  $x$  座標を代入して

$$y = -\frac{5}{2}t + 5$$

$AB = CD$  となる

$$\frac{3}{2}t = -\frac{5}{2}t + 5$$

$\times 2$

$$3t = -5t + 10$$

$$3t + 5t = 10$$

$$8t = 10$$

$$t = \frac{10}{8}$$

$$t = \frac{5}{4}$$

よって正方形の一辺の長さは

$$\frac{3}{2} \times \frac{5}{4}$$

$$= \frac{15}{8}$$

$$\frac{15}{8}$$